

Муниципальное общеобразовательное учреждение  
средняя общеобразовательная школа №9 УКМО Иркутской области

## **Тренажер для подготовки к ЕГЭ**

**по теме «Преобразование числовых и буквенных  
логарифмических выражений»**

Автор: Почебутова Лариса Ильинична,  
учитель математики МОУ СОШ №9

г. Усть-Кут  
2023 г.

Тренажер по теме «Преобразование числовых и буквенных логарифмических выражений составлен в пределах школьной программы и предназначен для подготовки к ЕГЭ по математике. Все задания взяты из открытого банка заданий для подготовки к ЕГЭ, ответы к заданиям прилагаются.

<b>Карточка №1</b>	<b>Карточка №2</b>	<b>Карточка №3</b>
<p>Вычислить:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\log_2 16</math>;</li> <li>2) <math>\log_5 125</math>;</li> <li>3) <math>\log_6 216</math>;</li> <li>4) <math>\log_8 512</math>;</li> <li>5) <math>\log_3 243</math>;</li> <li>6) <math>\log_2 256</math>;</li> <li>7) <math>\log_{0,25} 2</math>;</li> <li>8) <math>\log_{0,04} 5</math>;</li> <li>9) <math>\log_{0,5} 8</math>;</li> <li>10) <math>\log_{0,05} 400</math>;</li> <li>11) <math>\log_{0,1} 10</math>;</li> <li>12) <math>\log_{0,2} 125</math>;</li> <li>13) <math>\log_2 \frac{1}{2}</math>;</li> <li>14) <math>\log_{0,5} \frac{1}{16}</math>.</li> </ol>	<p>Вычислить:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\log_{13} \sqrt{13}</math>;</li> <li>2) <math>\log_{\frac{1}{5}} \sqrt{5}</math>;</li> <li>3) <math>\log_{\sqrt{5}} 25</math>;</li> <li>4) <math>\log_3 \sqrt[3]{27}</math>;</li> <li>5) <math>\log_9 \sqrt{3}</math>;</li> <li>6) <math>\log_{\sqrt{13}} 13</math>;</li> <li>7) <math>\log_{32} \sqrt[5]{16}</math>;</li> <li>8) <math>\log_{\sqrt[3]{81}} 27</math>;</li> <li>9) <math>\log_4 \sqrt{\frac{1}{2}}</math>;</li> <li>10) <math>\log_{\sqrt[3]{9}} \sqrt[3]{3}</math>;</li> <li>11) <math>\log_{27} 3 \sqrt{3}</math>;</li> <li>12) <math>\log_5 5 \sqrt{5}</math>.</li> </ol>	<p>Вычислить:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>4^{\log_4 5}</math>;</li> <li>2) <math>36^{\log_6 5}</math>;</li> <li>3) <math>6^{\log_5 25}</math>;</li> <li>4) <math>25^{\log_5 7}</math>;</li> <li>5) <math>49^{\log_7 6}</math>;</li> <li>6) <math>216^{\log_6 2}</math>;</li> <li>7) <math>5^{\log_{0,04} 16}</math>;</li> <li>8) <math>6^{\log_{216} 8}</math>;</li> <li>9) <math>0,2^{\log_{125} 8}</math>;</li> <li>10) <math>(3^{\log_3 \sqrt[5]{8}})^5</math>;</li> <li>11) <math>(4^{\log_4 \sqrt[3]{5}})^3</math>;</li> <li>12) <math>9 \cdot 4^{\log_4 9}</math>;</li> <li>13) <math>7 \cdot 6^{\log_{36} 25}</math>;</li> <li>14) <math>2^{3 \log_2 7}</math>.</li> </ol>
<p><b>Карточка №4</b></p> <p>Найти значение выражения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\log_5 0,2 + \log_{0,5} 4</math>;</li> <li>2) <math>\log_{25} 25 + \log_{0,2} 625</math>;</li> <li>3) <math>\log_{10} 0,01 + \log_{0,5} 4</math>;</li> <li>4) <math>\log_4 0,5 + \log_{0,25} 32</math>;</li> <li>5) <math>\log_8 512 + \log_{0,05} 400</math>;</li> <li>6) <math>\log_{25} 125 + \log_{0,1} 100\,000</math>;</li> <li>7) <math>\log_{10} 1000 - \log_{0,04} 5</math>;</li> <li>8) <math>\log_{20} 400 - \log_{0,05} 20</math>;</li> <li>9) <math>\log_5 5 - \log_{0,25} 64</math>;</li> <li>10) <math>\log_3 243 \cdot \log_2 512</math>;</li> <li>11) <math>\log_6 216 + \log_9 729</math>.</li> </ol>	<p><b>Карточка №5</b></p> <p>Найти значение выражения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\log_{10} 125 + \log_{10} 0,8</math>;</li> <li>2) <math>\log_3 8,1 + \log_3 10</math>;</li> <li>3) <math>\log_3 1,8 + \log_3 5</math>;</li> <li>4) <math>\log_3 4,5 + \log_3 2</math>;</li> <li>5) <math>\log_9 16,2 + \log_9 5</math>;</li> <li>6) <math>\log_{11} 24,2 + \log_{11} 5</math>;</li> <li>7) <math>\log_{0,3} 10 - \log_{0,3} 3</math>;</li> <li>8) <math>\log_{0,6} 5 - \log_{0,6} 3</math>;</li> <li>9) <math>\log_{1,8} 5 - \log_{1,8} 9</math>;</li> <li>10) <math>\log_{0,2} 10 - \log_{0,2} 2</math>;</li> <li>11) <math>\log_{0,6} 25 - \log_{0,6} 15</math>.</li> </ol>	<p><b>Карточка №6</b></p> <p>Найти значение выражения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\frac{9^{\log_5 50}}{9^{\log_5 2}}</math>;</li> <li>2) <math>\frac{6^{\log_{12} 432}}{6^{\log_{12} 3}}</math>;</li> <li>3) <math>\frac{5^{\log_7 98}}{5^{\log_7 2}}</math>;</li> <li>4) <math>\frac{2^{\log_{13} 507}}{2^{\log_{13} 3}}</math>;</li> <li>5) <math>\frac{7^{\log_9 162}}{7^{\log_9 2}}</math>;</li> <li>6) <math>\frac{9^{\log_5 50}}{9^{\log_5 2}}</math>;</li> <li>7) <math>\frac{2^{\log_{12} 288}}{2^{\log_{12} 2}}</math>;</li> <li>8) <math>\frac{3^{\log_5 25}}{3^{\log_6 36}}</math>.</li> </ol>

<p><b>Карточка №7</b> Найти значение выражения:</p> <p>1) <math>5^{2+\log_5 2}</math>;      2) <math>3^{2+\log_3 7}</math>;      3) <math>8^{2+\log_8 12}</math>;      4) <math>4^{3+\log_4 8}</math>;      5) <math>5^{3-\log_5 2}</math>;      6) <math>3^{2-\log_3 15}</math>;      7) <math>3^{2-\log_3 2}</math>;      8) <math>6^{2-\log_6 2}</math>;      9) <math>8^{2 \log_8 3}</math>;      10) <math>6^{2 \log_6 4}</math>;      11) <math>16^{\log_4 \sqrt{13}}</math>.</p>	<p><b>Карточка №8</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\log_2 \log_2 4</math>;      2) <math>\log_4 \log_5 25</math>;      3) <math>\log_2 \log_2 4</math>;      4) <math>\log_3 \log_9 729</math>;      5) <math>\frac{24}{3^{\log_3 2}}</math>;      6) <math>\frac{65}{9^{\log_9 5}}</math>;      7) <math>\frac{36}{7^{\log_7 6}}</math>;      8) <math>(3^{\log_2 3})^{\log_3 2}</math>;      9) <math>(3^{\log_2 5})^{\log_5 2}</math>;      10) <math>(7^{\log_5 3})^{\log_7 5}</math>;      11) <math>(5^{\log_5 7})^{\log_7 2}</math>.</p>	<p><b>Карточка №9</b> Найти значение выражения:</p> <p>1) <math>\frac{\log_3 25}{\log_3 5}</math>;      2) <math>\frac{\log_6 512}{\log_6 8}</math>;      3) <math>\frac{\log_6 4}{\log_6 2}</math>;      4) <math>\frac{\log_5 121}{\log_5 11}</math>;      5) <math>\frac{\log_5 9}{\log_5 3}</math>;      6) <math>\frac{\log_3 64}{\log_3 8}</math>;      7) <math>\frac{\log_2 1331}{\log_2 11}</math>;      8) <math>\frac{\log_4 27}{\log_4 3}</math>.</p>
<p><b>Карточка №10</b> Найти значение выражения:</p> <p>1) <math>\frac{\log_7 13}{\log_{49} 13}</math>;      2) <math>\frac{\log_3 8}{\log_{81} 8}</math>;      3) <math>\frac{\log_2 7}{\log_{16} 7}</math>;      4) <math>\frac{\log_5 8}{\log_{25} 8}</math>;      5) <math>\frac{\log_4 9}{\log_{64} 9}</math>;      6) <math>\frac{\log_7 10}{\log_{49} 10}</math>;      7) <math>\frac{\log_5 5}{\log_{25} 5}</math>;      8) <math>\frac{2 \log_6 13}{\log_{36} 13}</math>.</p>	<p><b>Карточка №11</b> Найти значение выражения:</p> <p>1) <math>\log_5 9 \cdot \log_3 25</math>;      2) <math>\log_5 7 \cdot \log_7 25</math>;      3) <math>\log_3 13 \cdot \log_{13} 9</math>;      4) <math>\log_7 8 \cdot \log_8 49</math>;      5) <math>\log_{0,8} 3 \cdot \log_3 1,25</math>;      6) <math>\log_{1,25} 7 \cdot \log_7 0,8</math>;      7) <math>\log_{0,5} 5 \cdot \log_5 2</math>;      8) <math>\log_{0,4} 8 \cdot \log_8 2,5</math>;      9) <math>\log_{0,25} 25 \cdot \log_5 32</math>;      10) <math>\log_2 3 \cdot \log_3 5 \cdot \log_5 8</math>;      11) <math>\log_4 5 \cdot \log_5 7 \cdot \log_7 8</math>.</p>	<p><b>Карточка №12</b> Найти значение выражения:</p> <p>1) <math>(1 - \log_2 12)(1 - \log_6 12)</math>;      2) <math>(1 - \log_6 24)(1 - \log_4 24)</math>;      3) <math>(1 - \log_8 48)(1 - \log_6 48)</math>;      4) <math>(1 - \log_8 24)(1 - \log_3 24)</math>;      5) <math>\frac{\log_3 18}{2 + \log_3 2}</math>;      6) <math>\frac{\log_6 180}{2 + \log_6 5}</math>;      7) <math>\frac{\log_3 63}{2 + \log_3 7}</math>;      8) <math>\frac{\log_2 52}{2 + \log_2 13}</math>;      9) <math>\frac{\log_3 27}{2 + \log_2 4}</math>.</p>

<p><b>Карточка №13</b></p> <p>Найти значение выражения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\frac{\log_3 5}{\log_3 7} + \log_7 0,2;</math></li> <li>2) <math>\frac{\log_8 20}{\log_8 5} + \log_5 0,05;</math></li> <li>3) <math>\frac{\log_2 25}{\log_2 10} + \log_{10} 4;</math></li> <li>4) <math>\frac{\log_2 20}{\log_2 12} + \log_{12} 0,05;</math></li> <li>5) <math>\frac{\log_3 18}{\log_{18} 3} - \log_3 2 \cdot \log_3 162;</math></li> <li>6) <math>\frac{\log_5 20}{\log_{20} 5} - \log_5 4 \cdot \log_5 100;</math></li> <li>7) <math>\log_5 4 \cdot \log_5 100 - \frac{\log_5 20}{\log_{20} 5};</math></li> <li>8) <math>\log_3 6 \cdot \log_3 54 - \frac{\log_3 18}{\log_{18} 3}.</math></li> </ol>	<p><b>Карточка №14</b></p> <p>Найти:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\log_a(ab^3)</math>, если <math>\log_a b = \frac{1}{7};</math></li> <li>2) <math>\log_a(ab^2)</math>, если <math>\log_b a = \frac{2}{11};</math></li> <li>3) <math>\log_a(a^3b^8)</math>, если <math>\log_b a = \frac{1}{3};</math></li> <li>4) <math>\log_a(a^5b^8)</math>, если <math>\log_b a = \frac{1}{2};</math></li> <li>5) <math>\log_a \frac{a}{b^3}</math>, если <math>\log_a b = 5;</math></li> <li>6) <math>\log_a \frac{a^6}{b^4}</math>, если <math>\log_a b = -2;</math></li> <li>7) <math>\log_a \frac{a}{b^5}</math>, если <math>\log_a b = -7;</math></li> <li>8) <math>\log_a \frac{a^4}{b^5}</math>, если <math>\log_a b = 15;</math></li> <li>9) <math>\log_a(a^2b^3)</math>, если <math>\log_a b = -2;</math></li> <li>9) <math>\log_a(a^2b^3)</math>, если <math>\log_a b = -2;</math></li> <li>10) <math>\log_a(a^3b^4)</math>, если <math>\log_a b = -1.</math></li> </ol>	<p><b>Карточка №15</b></p> <p>Найти значение выражения:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) <math>\frac{\log_6 \sqrt{11}}{\log_6 11};</math></li> <li>2) <math>\frac{\log_3 \sqrt{5}}{\log_3 5};</math></li> <li>3) <math>\frac{\log_6 \sqrt[4]{17}}{\log_6 17};</math></li> <li>4) <math>\frac{\log_5 \sqrt[5]{11}}{\log_5 11};</math></li> <li>5) <math>\frac{\log_6 \sqrt[5]{27}}{\log_6 27};</math></li> <li>6) <math>\frac{\log_9 \sqrt[4]{18}}{\log_9 18};</math></li> <li>7) <math>\frac{\log_6 \sqrt[4]{81}}{\log_6 3}.</math></li> </ol>
------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

Ответы:

#### Карточка №1

- 1) 4; 2) 3; 3) 3; 4) 3; 5) 5; 6) 8; 7) -0,5; 8) -0,5; 9) -3; 10) -2; 11) -1; 12) -3; 13) -1; 14) 4.

#### Карточка №2

- 1) 0,5; 2) -0,5; 3) 4; 4) 1; 5) 0,25; 6) 6; 7) 0,16; 8) 2,25; 9) -0,25; 10) 0,5; 11) 0,5; 12) 1,5.

#### Карточка №3

- 1) 5; 2) 25; 3) 36; 4) 49; 5) 36; 6) 8; 7) 0,25; 8) 2; 9) 0,5; 10) 8; 11) 5; 12) 81; 13) 35; 14) 343.

#### Карточка №4

- 1)-3; 2)-3; 3)-4; 4)-3; 5) 1; 6) -3,5; 7) 3,5; 8) 3; 9) 4; 10) 45; 11) 9.

#### Карточка №5

- 1) 2; 2) 4; 3) 2; 4) 2; 5) 2 ;6) 2; 7) -1; 8) -1; 9) -1; 10) -1; 11) -1.

#### Карточка №6

- 1) 81; 2) 36; 3) 25; 4) 4 ; 5) 49; 6) 81; 7) 4; 8) 1.

*Карточка №7*

1)50; 2) 21; 3) 768; 4)512; 5) 62,5; 6) 0,6; 7) 4,5; 8) 18; 9) 9; 10)16; 11)13.

*Карточка №8*

1)1; 2) 0,5; 3) 0,5; 4)1; 5) 12; 6)13; 7) 6; 8)3; 9) 3; 10) 3; 11) 2.

*Карточка №9*

1)2; 2) 3; 3) 2; 4) 2; 5) 2; 6) 2;7) 3; 8) 3.

*Карточка №10*

1) 2; 2) 4; 3) 4; 4) 2; 5) 3; 6) 2; 7) 2; 8) 4.

*Карточка №11*

1)4; 2) 2; 3) 2; 4) 2; 5) -1; 6) -1; 7) -1; 8) -1; 9) -5; 10) 3; 11) 1,5.

*Карточка №12*

1)1; 2) 1; 3) 1; 4) 1; 5) 1; 6) 1; 7) 1; 8) 1.

*Карточка №13*

1)0; 2) 0; 3)2; 4) 0; 5) 4; 6) 1; 7) -1; 8) -1.

*Карточка №14*

1) 2; 2) 12; 3) 27; 4) 21; 5) -14; 6) 14; 7) 36; 8) -71; 9) -4; 10) -1.

*Карточка №15*

1)0,5; 2) 0,5; 3) 0,25;4) 0,2; 5) 0,2; 6) 0,25;7) 1.